Prof. Dr. Hendrik Godbersen

Kurs

Angewandte Statistik & R

1 Einleitung

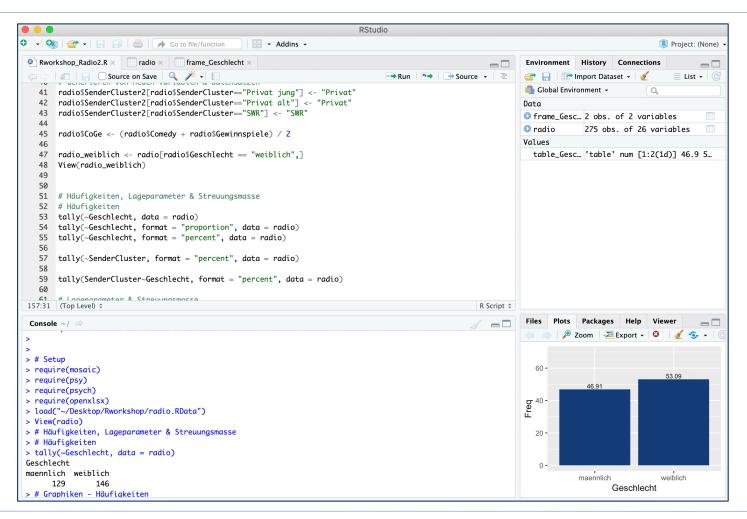
- 2 Installation & Grundstruktur von R Studio
 - 2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen
 - 2.2 Grundstruktur von R Studio
- 3 R-Befehle & Übungsdaten
 - 3.1 R-Befehle
 - 3.2 Übungsdaten
- 4 Datenmanagement
 - 4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten
 - 4.2 Daten bearbeiten in R
- 5 Deskriptive Statistik
 - 5.1 Skalenniveaus
 - 5.2 Häufigkeiten
 - 5.3 Lageparameter & Streuungsmaße

6 Inferenzstatistische Verfahren

- 6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren
- 6.2 Chi-Quadrat-Test
- 6.3 t-Test
- 6.4 ANOVA
- 6.5 Shapiro-Wilk-Test
- 6.6 Wilcoxon-Test
- 6.7 Korrelation
- 6.8 Regression
- 6.9 Hauptkomponentenanalyse
- 7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel
 - 7.1 Graphiken in R
 - 7.2 Export von Ergebnissen nach Excel

Prof. Dr. Godbersen

Einleitung



Einleitung

- Dieser Kurs vermittelt das Wissen & die F\u00e4higkeiten,...
 - ...die gängigen Verfahren der deskriptiven & inferenzstatistischen Auswertung zu verstehen und anzuwenden
 - ...mit R zu arbeiten & die für statistische Auswertungen notwendigen Befehle anzuwenden
 - ...<u>ein empirisches Projekt mit den "gängigen"</u> statistischen Verfahren in R auszuwerten
- Sie erhalten auf www.godbersen.online...
 - ...das <u>Buch</u> zu diesem Kurs zum <u>strukturierten Lernen &</u> Üben
 - das <u>Befehlssammlung mit allen notwendigen R-Befehlen</u>, um ein empirisches Projekt mit den "gängigen" Verfahren auszuwerten
 - ...einen "echten" Datensatz, mit dem die Übungsaufgaben zu diesem Kurs realisiert werden

Inhalt

- 1 Einleitung
- 2 Installation & Grundstruktur von R Studio
- 3 R-Befehle & Übungsdaten
- 4 Datenmanagement
- **5 Deskriptive Statistik**
- 6 Inferenzstatistische Verfahren
- 7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel

Einleitung

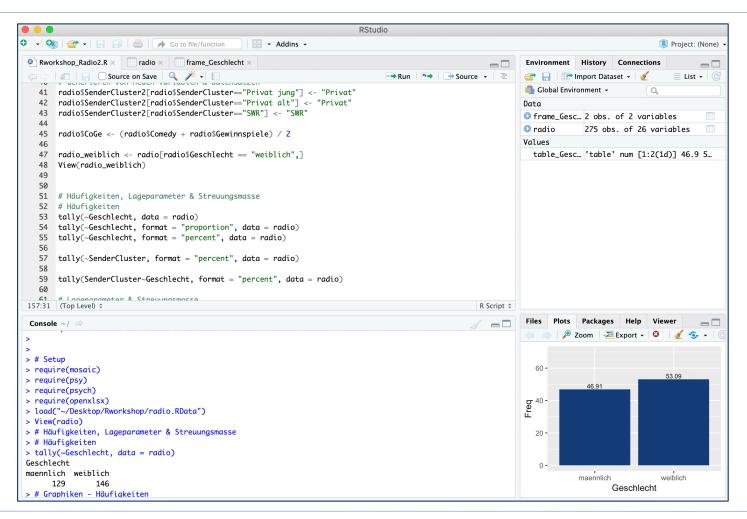
- Kern des Kurses sind die statistischen Verfahren (Kap. 5 & 6):
 - 1) Erklärung der statistischen Verfahren
 - 2) Übungsaufgabe mit einem "echten Datensatz"
 - 3) Umsetzung der statischen Analyse in R
- Nutzung des Kurses für den größten Lernerfolg:
 - Nutzung von Kurs, Buch & Videos:
 - Am Anfang: Kapitel-für-Kapitel & Schritt-für-Schritt
 - Später: Nachschlagewerk
 - Herangehensweise:
 - <u>Wann wende ich welches Verfahren an & wie interpretieren ich die Ergebnisse?</u> (& <u>nicht</u>: Wie programmiere ich mit R?)
 - Lernziel:
 - Expertise in <u>anwendungs- & umsetzungsorientierter empirischer Forschung</u> (& nicht in "abgedrehtem" Statistikwissen)

Inhalt

- 1 Einleitung
- 2 Installation & Grundstruktur von R Studio
- 3 R-Befehle & Übungsdaten
- 4 Datenmanagement
- **5 Deskriptive Statistik**
- 6 Inferenzstatistische Verfahren
- 7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel

Prof. Dr. Godbersen

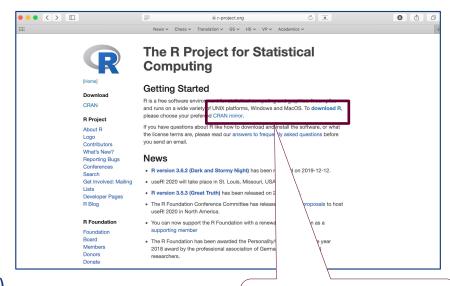
Einleitung



1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren		
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren		
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test		
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test		
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA		
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test		
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test		
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation		
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression		
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse		
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel		
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R		
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel		
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße			

Installation von R, R Studio & relevanten Zusatzpaketen

- 1) Download & Installation von R (R ist das Basisprogramm)
 - 1) Gehen sie zu: https://www.r-project.org/
 - 2) Wählen Sie einen Mirror zum Download aus
 - Achten Sie darauf, dass Sie R passend zu Ihrem Betriebssystem wählen
 - 3) Laden Sie R herunter
 - 4) Installieren Sie R auf Ihrem Computer
- 2) Download & Installation von R Studio (R Studio ist eine Entwicklungsumgebung für R & Erleichtert die Bedienung)
 - Gehen Sie zu: https://rstudio.com/products/rstudio/download/
 - 2) Laden Sie R Studio herunter
 - 3) Installieren Sie R auf Ihrem Computer



Zum Download von R auf www.r-project.org

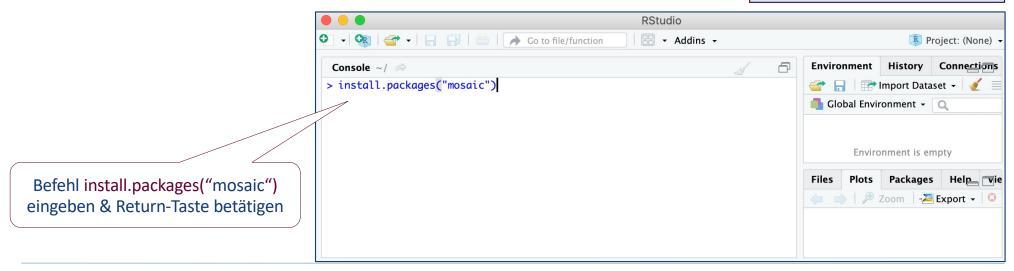
3) Installieren Sie die Zusatzpakete in R Studio

Installation von R, R Studio & relevanten Zusatzpaketen

- 1) Download & Installation von R ✓
- 2) Download & Installation von R Studio ✓
- 3) Installieren Sie die Zusatzpakete in R Studio
 - 1) Stellen Sie sicher, dass Ihr Computer mit dem Internet verbunden ist
 - 2) Geben Sie in die Console folgenden Befehl ein: install.packages("mosaic")
 - 3) Betätigen Sie die Return-Taste
 - 4) Wiederholen Sie dieses Vorgehen für alle relevanten Pakete

Benötigte R-Pakete:

- mosaic
- psych
- psy
- ggplot2
- openxlsx
- readxl

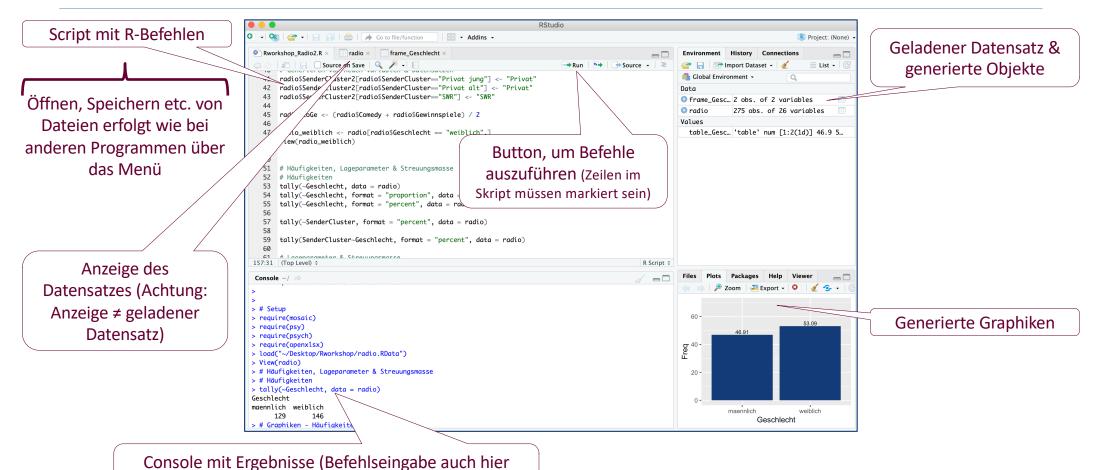


1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren		
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren		
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test		
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test		
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA		
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test		
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test		
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation		
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression		
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse		
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel		
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R		
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel		
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße			

Grundstruktur von R Studio

möglich; Befehle werden aber nicht gespeichert)

Prof. Dr. Godbersen



1 Einleitung		
2 Installation & Grundstruktur von R Studio		
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen		
2.2 Grundstruktur von R Studio		
3 R-Befehle & Übungsdaten		
3.1 R-Befehle		
3.2 Übungsdaten		
4 Datenmanagement		
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten		
4.2 Daten bearbeiten in R		
5 Deskriptive Statistik		
5.1 Skalenniveaus		
5.2 Häufigkeiten		
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße		

6 Inferenzstatistische Verfahren
6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren
6.2 Chi-Quadrat-Test
6.3 t-Test
6.4 ANOVA
6.5 Shapiro-Wilk-Test
6.6 Wilcoxon-Test
6.7 Korrelation
6.8 Regression
6.9 Hauptkomponentenanalyse
7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel
7.1 Graphiken in R
7.2 Export von Ergebnissen nach Excel

R-Befehle: 3 Seiten

• Seite 1:

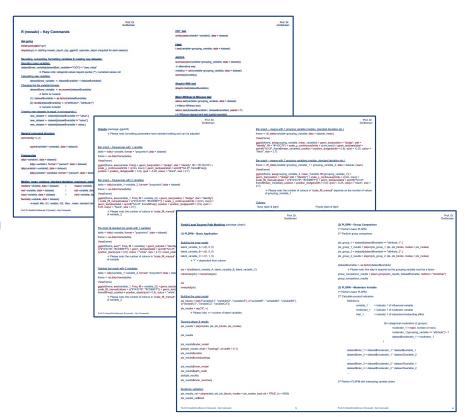
• Alle notwendigen Befehle für die Auswertungen von "normalen" Forschungsprojekten

• Seite 2:

 Erstellen von Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel

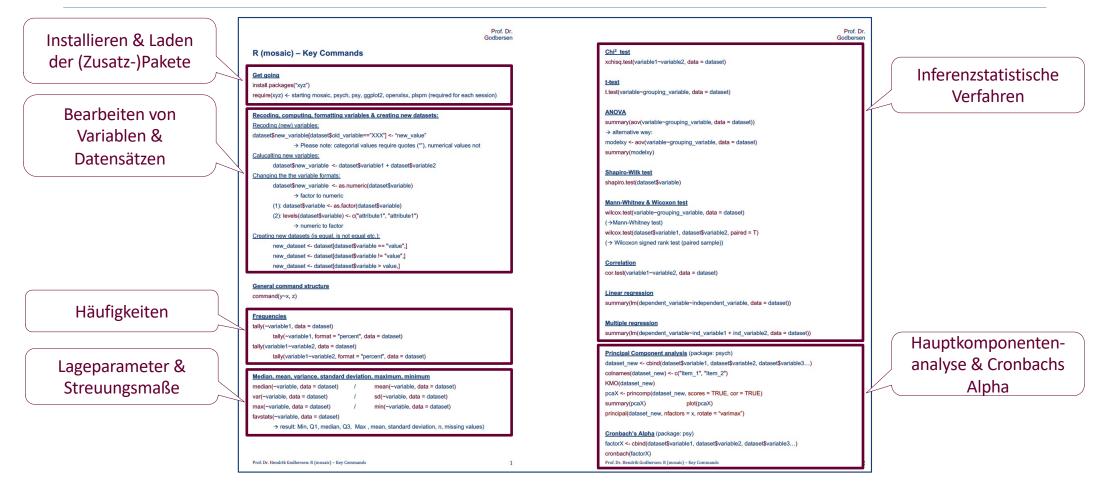
• Seite 3:

 PLSPM (Partial least path square modelling) – über Standardverfahren hinausgehend & nicht relevant in diesem Kurs



R-Befehle: Seite 1

Prof. Dr.
Godbersen



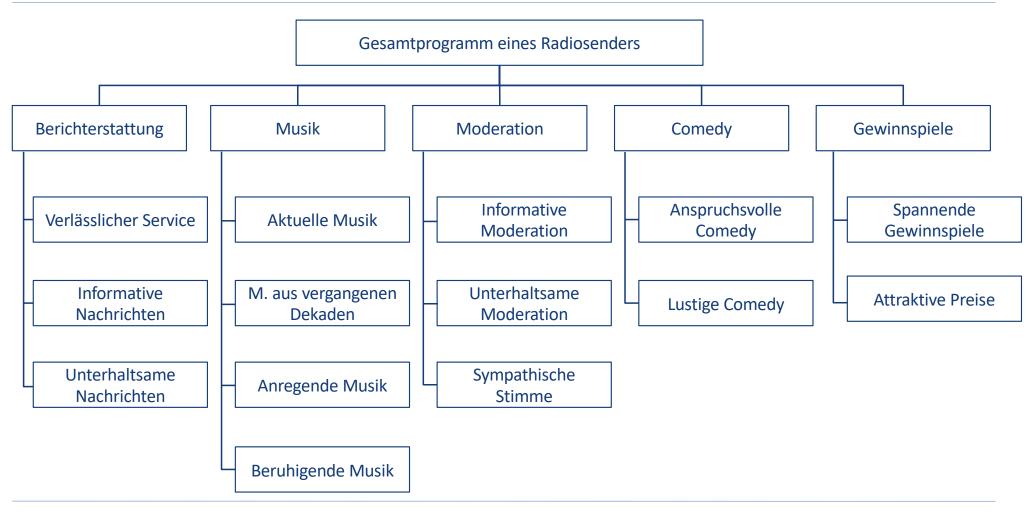
R-Befehle: Befehlsstrukur

```
General command structure
R (mosaic) - Key Commands
                                                            command(y~x, z)
Get going
install.packages("xyz")
require(xyz) ← starting mosaic, psych, psy, ggplot2, openxlsx, plspm (required for each
Recoding, computing, formatting variables & creating new datasets:
                                                            Frequencies
Recoding (new) variables:
dataset$new_variable[dataset$old_variable=="XXX"] <- "new_value"
          → Please note: categorial values require quotes (***), numerical values
                                                            tally(~variable1, data = dataset)
Calucalting new variables:
     dataset$new variable <- dataset$variable1 + dataset$variable2
Changing the the variable formats:
                                                                          tally(~variable1, format = "percent", data = dataset)
      dataset$new_variable <- as.numeric(dataset$variable)
          → factor to numeric
     (1): dataset$variable <- as.factor(dataset$variable)
                                                            tally(variable1~variable2, data = dataset)
     (2): levels(dataset$variable) <- c("attribute1", "attribute1")
Creating new datasets (is equal, is not equal etc.):
                                                                          tally(variable1~variable2, format = "percent", data = dataset)
     new_dataset <- dataset[dataset$variable == "value",]
     new_dataset <- dataset[dataset$variable != "value".
     new_dataset <- dataset[dataset$variable > value,]
General command structure
                                                                                                          Hinweis zu den Befehlen
                                                                                            Linear regres
command(y~x, z)
                                                                                            summary(lm(de
Frequencies
                                                                                                                        R-Befehl (darf nicht verändert warden)
                                                                                                          rot
                                                                                            Multiple regress
tally(~variable1, data = dataset)
                                                                                            summary(Im(de
     tally(~variable1, format = "percent", data = dataset)
tally(variable1~variable2, data = dataset)
                                                                                                                       Bezeichnungen von Variablen oder des Datensatzes, die
                                                                                                          blau
                                                                                            Principal Comp
     tally(variable1~variable2_format = "percent"_data = dataset)
                                                                                            dataset_new <-
                                                                                                                        individuell angepasst wertden muss
                                                                                            colnames(datase
Median, mean, variance, standard deviation, maximum, minimum
                                                                                            KMO(dataset ne
median(~variable, data = dataset) /
                                                                                            ncaX <- princom
var(~variable, data = dataset)
                        / sd(~variable, data = dataset)
                                                                                                                        Abhängige Variable
                                                                                            summary(pcaX)
                        / min(~variable, data = dataset)
max(~variable, data = dataset)
                                                                                            principal(datase
favstats(~variable, data = dataset)
     → result: Min, Q1, median, Q3, Max, mean, standard deviation, n, missing values)
                                                                                                                        Unabhängige Variable
                                                                                            factorX <- cbind(
                                                                                            cronbach(factor)
Prof. Dr. Hendrik Godbersen: R (mosaic) - Key Commands
                                                                                            Prof. Dr. Hendrik Go
                                                                                                                        Datensatz
```

1 Einleitung
2 Installation & Grundstruktur von R Studio
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen
2.2 Grundstruktur von R Studio
3 R-Befehle & Übungsdaten
3.1 R-Befehle
3.2 Übungsdaten
4 Datenmanagement
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten
4.2 Daten bearbeiten in R
5 Deskriptive Statistik
5.1 Skalenniveaus
5.2 Häufigkeiten
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße

6 Inferenzstatistische Verfahren
6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren
6.2 Chi-Quadrat-Test
6.3 t-Test
6.4 ANOVA
6.5 Shapiro-Wilk-Test
6.6 Wilcoxon-Test
6.7 Korrelation
6.8 Regression
6.9 Hauptkomponentenanalyse
7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel
7.1 Graphiken in R
7.2 Export von Ergebnissen nach Excel

Prof. Dr. Godbersen



Übungsdaten: Fragebogen & Variablen

- Stammsender
 - Messung: in den letzten 2 Wochen am häufigster gehörter Sender
- SenderCluster
 - Messung: neu gebildete Variable mit drei Ausprägungen
 - Merkmalsausprägungen: SWR / Privat jung / Privat alt
- Programmeigenschaften
 - Messung: Continuous Rating Scale von 0 (nicht gut) bis 100 (sehr gut)
 - 14 Items
 - Verlaesslicher Service
 - Informative_Nachrichten
 - Unterhaltsame Nachrichten
 - Aktuelle_Musik
 - Alte_Musik
 - Anregende Musik
 - Beruhigende_Musik

- Informative_Moderation
- Unterhaltsame Moderation
- Sympathische_Stimme
- Anspruchsvolle Comedy
- Lustige_Comedy
- Spannende_Gewinnspiele
- Attraktive_Preise

- Programmelemente
 - Messung: Continuous Rating Scale von 0 (nicht gut) bis 100 (sehr gut)
 - 5 Items
 - Berichterstattung
 - Musik
 - Moderation
 - Comedy
 - Gewinnspiele
- Gesamtprogramm
 - Messung: Continuous Rating Scale von 0 (nicht gut) bis 100 (sehr gut)
- Geschlecht
 - Messung: Auswahlfrage
- Alter
 - Messung: offene Altersangabe
- Altersgruppen (alt vs. jung, 2 Gruppen)
- Aktuelle_ Musik_A (Affinität, 2 Gruppen)

Hinweis: Variablennamen in rot

1 Einleitung			
2 Installation & Grundstruktur von R Studio			
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen			
2.2 Grundstruktur von R Studio			
3 R-Befehle & Übungsdaten			
3.1 R-Befehle			
3.2 Übungsdaten			
4 Datenmanagement			
S			
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten			
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten			
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten 4.2 Daten bearbeiten in R			
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten 4.2 Daten bearbeiten in R 5 Deskriptive Statistik			

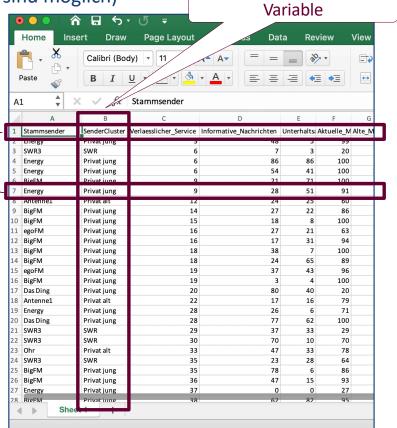
6 Inferenzstatistische Verfahren
6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren
6.2 Chi-Quadrat-Test
6.3 t-Test
6.4 ANOVA
6.5 Shapiro-Wilk-Test
6.6 Wilcoxon-Test
6.7 Korrelation
6.8 Regression
6.9 Hauptkomponentenanalyse
7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel
7.1 Graphiken in R
7.2 Export von Ergebnissen nach Excel

Datenvorbereitung & Laden von Daten: Erstellen des Datensatzes

• 1. Schritt:

Datentabelle im Excel-Format erstellen (auch andere Formate sind möglich)

- Aus Online-Fragebogen im Excel-Format herunterladen
- Von schriftlicher Fragebogen in Excel eintragen
- Datenstruktur:
 - 1. Zeile = Variablenbezeichnungen
 - 1 Spalte = 1 Variable
 - 1 Zeile = 1 Befragter
- Empfehlung:
 - Nur vollständige Datensätze in die Auswertung nehmen
- Voraussetzungen f
 ür die Auswertung mit R:
 - Variablenbezeichnungen: keine Leerzeichen & keine Umlaute
 - Empfehlung: kurze & bedeutungsvolle Bezeichnungen
 - Merkmalsausprägungen:
 - Metrische Variablen (z.B. Alter) als numerischen Wert
 - Kategoriale Variablen (z.B. Geschlecht) als Text



www.godbersen.online 20

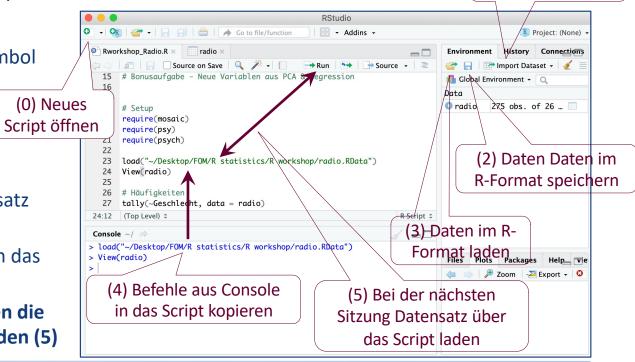
Variablenbezeichnungen

Befragter

(1) Daten aus Excel importieren

Datenvorbereitung & Laden von Daten: Daten in R laden

- Vorbereitung (wichtig):
 - Speichern Sie die Daten in einem Ordner auf Ihrem Computer, der extra für das Projekt angelegt ist
- Daten aus Excel importieren (1):
 - Unter "Environment" Daten über "Import Dataset" Excel-Daten auswählen
- Daten im R-Format speichern (2):
 - Unter Environment über Speichersymbol
 Daten im Projektordner speichern
- Daten im R-Format laden (3):
 - Unter "Environment" Daten über Öffnungssymbol R-Daten auswählen
 - Unter "Environment" auf den Datensatz klicken
 - In der Console generierten Befehle in das Script kopieren (4)
 - Bei der nächsten Anwendung können die Daten über das Script gestartet werden (5)



6 Inferenzstatistische Verfahren		
6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren		
6.2 Chi-Quadrat-Test		
6.3 t-Test		
6.4 ANOVA		
6.5 Shapiro-Wilk-Test		
6.6 Wilcoxon-Test		
6.7 Korrelation		
6.8 Regression		
6.9 Hauptkomponentenanalyse		
7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel		
7.1 Graphiken in R		
7.2 Export von Ergebnissen nach Excel		

Daten bearbeiten in R: Beispiele

Recodieren von Variablen:

- Inverse Skalen, z.B. 1 zu 6, 2 zu 5, 3 zu 4...
- Zusammenfassen von Werten, z.B. Einwohner von Bayern und Baden-Württemberg (erhobene Variable) zu Süddeutschland (neu zu bildende Variable)
- Ändern von metrischen zu kategorialen Werte (siehe Datenvorbereitung für R)
- ...

Berechnen neuer Variablen:

- Bildung eines neuen ("übergeordneten") Konstrukts aus mehreren Variablen, z.B. Berechnung einer Gesamtbewertung aus mehreren Einzelbewertungen über das arithmetische Mittel
- Berechnung einer neuen Variable, die sich aus dem Verhältnis mehrerer Variablen bestimmt, z.B. Berechnung der Rentabilität aus den Variablen Gewinn und Umsatz
- ...

• Erstellen neuer Datensätze:

- Ausschluss von Befragten mit bestimmten Merkmalsausprägungen, z.B. zu alte oder zu junge Befragte
- Analyse nur eines Teils der Befragten, z.B. ausschließliche Analyse der Antworten von Frauen

• ...

Aufgaben:

- Generieren Sie aus SenderCluster eine neue Variable (SenderCluster2): "Privat jung" & "Privat alt" zu "Privat" und "SWR" zu "SWR".
- Berechnen Sie aus den Variablen "Comedy" und "Gewinnspiele" in einer neuen Variable (CoGe) den Mittelwert.
- Generieren Sie einen neuen Datensatz, der nur aus Frauen besteht.

Stammsender

Variablen

- SenderCluster
- Verlaesslicher Service
- Informative Nachrichten

Unterhaltsame Nachrichten R (mosaic) - Key Comr Recoding (new) variables: Berichterstattung install.packages("xvz") dataset\$new variable[dataset\$old variable=="XXX"] <- "new value" equire(xyz) ← starting m Musik Moderation → Please note: categorial values require quotes (""), numerical values not → Diesee note: cs Calucalting new variables: Comedy dataset\$new variable <-Calculating new variables: lon Changing the the variable formats: Gewinnspiele ration dataset\$new variable <- dataset\$variable1 + dataset\$variable2 → numeric to fact Creating new datasets (is equal, is Changing the the variable formats: Gesamtprogramm dy General command structure Geschlecht Creating new datasets (is equal, is not equal etc.): iele iable1~variable2_data = da Alter new dataset <- dataset[dataset\$variable == "value",]</pre> new dataset <- dataset[dataset\$variable != "value",]</pre> max(~variable, data = dataset favstats(~variable_data = dataset) Altersgruppen → result: Min. Q1, median new dataset <- dataset[dataset\$variable > value.] Aktuelle Musik A

1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahr
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & System
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponenter
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Erg
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnis
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße	

nren matisierung der Verfahren enanalyse rgebnissen nach Excel issen nach Excel

1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren		
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren		
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test		
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test		
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA		
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test		
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test		
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation		
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression		
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse		
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel		
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R		
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel		
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße			

Skalenniveaus

Skalen	niveau	Math. Eigenschaften	Beschreibung der Messwertcharakteristika	Beispiel	Lageparameter
Kategorial	Nominal	=/≠	Die Messwerte sind identisch oder nicht identisch.	Geschlecht	• Modus
	Ordinal	=/≠ ;	Die Messwerte sind größer, kleiner oder identisch.	Olympische Ränge	ModusMedian
Metrisch	Intervall	=/≠ ; ; -; +	Die Distanz zwischen den Messwerten kann angegeben werden.	Temperatur	 Modus Median Arithm. Mittel
	Verhältnis	=/≠;;+/-; */÷	Die Distanz zwischen den Messwerten und deren Verhältnis kann angegeben werden.	Körpergröße	

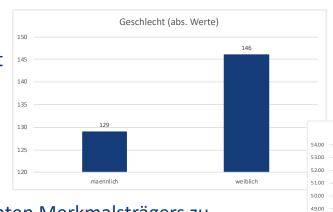
1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße	

53.09

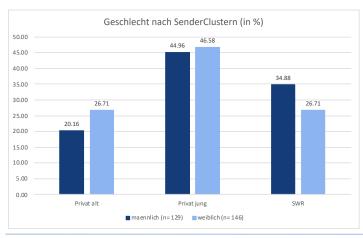
Geschlecht in %

46.91

- Absolute Häufigkeit:
 - gibt an wie häufig ein Wert auftritt



- Relative Häufigkeit:
 - gibt das Verhältnis eines untersuchten Merkmalsträgers zu einem Wert oder einer Klasse von Werten an





• Darstellung der gemeinsamen Verteilung zweier Variablen

48.00

47.00 46.00 45.00

Aufgaben:

- Wie viele Männer und Frauen gibt es in der Stichprobe?
- Wie hoch ist der Anteil der Männer und Frauen in %?
- Wie hoch ist der Anteil der SenderCluster in %?

tally(~variable1, data = dataset) tally(~variable1, format = "percent", data = dataset) tally(variable1~variable2, data = dataset) tally(variable1~variable2, format = "percent", data = dataset)



•	Stammsender SenderCluster		Variablen
	Verlaesslicher_Service Informative_Nachrichten Unterhaltsame_Nachrichten Aktuelle_Musik Alte_Musik Anregende_Musik Beruhigende_Musik Informative_Moderation Unterhaltsame_Moderation Sympathische_Stimme Anspruchsvolle_Comedy Lustige_Comedy Spannende_Gewinnspiele Attraktive_Preise	•	Berichterstattung Musik Moderation Comedy Gewinnspiele Gesamtprogramm Geschlecht Alter
		•	Altersgruppen Aktuelle_ Musik_A

Aufgaben:

tally(~variable1, format = "percent", data = dataset tally(variable1-variable2_data = dataset)

tally(variable1~variable2, format = "percent", data = dataset)

→ result: Min. Q1, median, Q3, Max, mean, standard deviation, n, missing values

Median, mean, variance, standard deviation, maximum, minimum max(~variable, data = dataset) / min(~variable, data = dataset)

favstats/~variable_data = dataset)

Prof. Dr. Hendrik Godbersen: R (mosaic) - Key Commands

Wie verteilen sich Männer und Frauen auf die SenderCluster (%)?

Frequencies tally(~variable1, data = dataset) tally(~variable1, format = "percent", data = dataset) tally(variable1~variable2, data = dataset) tally(variable1~variable2, format = "percent", data = dataset) Creating new datasets (is equal, is not equal etc.): (→ Wilcoxon signed rank test (paired sample)) new_dataset <- dataset[dataset\$variable == "value", new_dataset <- dataset[dataset\$variable != "value",] cor.test(variable1~variable2, data = dataset) eral command structure Linear regression nand(v~x, z) summary(lm(dependent_variable~independent_variable, data = dataset))

Principal Component analysis (package: psych)

colnames(dataset new) <- c("Item 1", "Item 2")

principal(dataset_new.nfactors = x, rotate = "varimax")

Cronbach's Alpha (package: psy)

dataset_new <- chind(dataset\$variable1, dataset\$variable2, dataset\$variable3...)

factorX <- cbind(dataset\$variable1, dataset\$variable2, dataset\$variable3...)

•	Stammsender		Variablen
•	SenderCluster		
• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	Verlaesslicher_Service Informative_Nachrichten Unterhaltsame_Nachrichten Aktuelle_Musik Alte_Musik Anregende_Musik Beruhigende_Musik Informative_Moderation Unterhaltsame_Moderation Sympathische_Stimme Anspruchsvolle_Comedy Lustige_Comedy Spannende_Gewinnspiele Attraktive_Preise	•	Berichterstattung Musik Moderation Comedy Gewinnspiele Gesamtprogramm Geschlecht Alter Altersgruppen Aktuelle_ Musik_A

1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße	

Lageparameter:

- Arithmetisches Mittel:
 - Division der Summe aller Werte durch die Anzahl der Werte; metrisches Skalenniveau notwendig
- Median:
 - Wert, der die Grenze zwischen oberer und unterer Hälfte markiert; mindestens ordinales Skalenniveau
- Modalwert:
 - Häufigste Wert einer Häufigkeitsverteilung; mindestens nominales Skalenniveau

Streuungsparameter

- Varianz
 - Durchschnittliche quadrierte Abweichung der gemessenen Werte vom arithmetischen Mittel (beachte: empirische Varianz → /n; Stichprobenvarianz → /n-1)

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

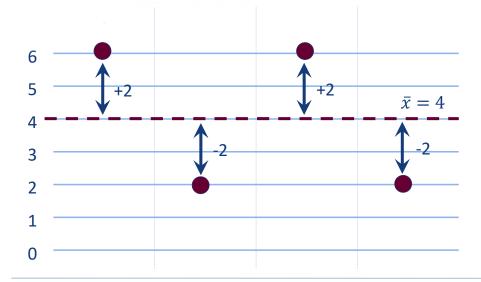
- Standardabweichung
 - Durchschnittliche Abweichung der gemessenen Werte vom arithmetischen Mittel

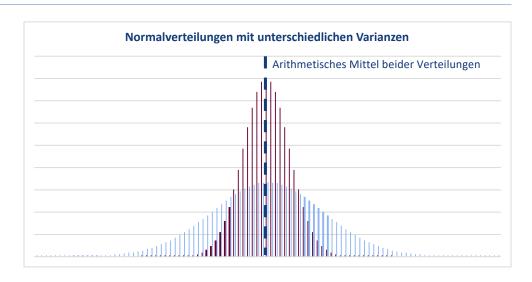
$$\sigma = \sqrt{\sigma^2}$$

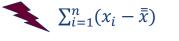
Streuungsparameter

- Varianz $\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$
- Standardabweichung

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2}$$







$$- \left\{ (+2) + (-2) + (+2) + (-2) = 0 \right\}$$

$$\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{\bar{x}})^2$$

$$\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2 \qquad \begin{cases} (+2)^2 + (-2)^2 + (+2)^2 + (-2)^2 = \\ 4 + 4 + 4 + 4 = 16 \end{cases}$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2}{n} \qquad \begin{cases} 16/4 = 4 \end{cases}$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}$$

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2}$$

$$\sqrt{4} = 2$$

Prof. Dr. Godbersen

Aufgaben:

- Was ist das durchschnittliche Alter der Befragten (arith. Mittel)?
- Welchen Wert hat der Median bei der Variable Alter?
- Wie stark streuen die gemessenen Werte der Variable Alter um das arithmetische Mittel (Varianz & Standardabweichung)?

Prof. Dr.
Godberson Godberson

Median, mean, variance, standard deviation, maximum, minimum

median(~variable, data = dataset) / mean(~variable, data = dataset)

var(~variable, data = dataset) / sd(~variable, data = dataset)

max(~variable, data = dataset) / min(~variable, data = dataset)

favstats(~variable, data = dataset)



- Stammsender
- SenderCluster
- Verlaesslicher Service
- Informative Nachrichten
- Unterhaltsame Nachrichten
- Aktuelle Musik
- Alte Musik
- Anregende Musik
- Beruhigende_Musik
- Informative_Moderation
- Unterhaltsame Moderation
- Sympathische Stimme
- Anspruchsvolle_Comedy
- Lustige_Comedy
- Spannende Gewinnspiele
- Attraktive Preise

Variablen

- Berichterstattung
- Musik
- Moderation
- Comedy
- Gewinnspiele
- Gesamtprogramm
- Geschlecht
- Alter
- Altersgruppen
- Aktuelle_ Musik_A

Prof. Dr. Godbersen

Aufgaben:

- Wie hoch ist die durchschnittliche Bewertung des Gesamtprogramms (arith. Mittel)?
- Welchen Wert hat der Median bei der Variable Gesamtprogramm?
- Wie stark streuen die gemessenen Werte der Variable Gesamtprogramm um das arithmetische Mittel (Varianz & Standardabweichung)?

Prof. Dr.
Godbersen
Godbersen

Median, mean, variance, standard deviation, maximum, minimum

median(~variable, data = dataset) / mean(~variable, data = dataset) var(~variable, data = dataset) / sd(~variable, data = dataset)

max(~variable, data = dataset) / min(~variable, data = dataset)

favstats(~variable, data = dataset)



- Stammsender
- SenderCluster
- Verlaesslicher Service
- Informative Nachrichten
- Unterhaltsame Nachrichten
- Aktuelle Musik
- Alte Musik
- Anregende Musik
- Beruhigende_Musik
- Informative_Moderation
- Unterhaltsame Moderation
- Sympathische Stimme
- Anspruchsvolle_Comedy
- Lustige_Comedy
- Spannende Gewinnspiele
- Attraktive_Preise

Variablen

- Berichterstattung
- Musik
- Moderation
- Comedy
- Gewinnspiele
- Gesamtprogramm
- Geschlecht
- Alter
- Altersgruppen
- Aktuelle_ Musik_A

Aufgaben:

- Bestimmen Sie für die Variable Alter das arithmetische Mittel, den Median, die Standardabweichung etc. mit nur einem R-Befehl.
- Bestimmen Sie für die Variable Gesamtprogramm das arithmetische Mittel, den Median, die Standardabweichung etc. mit nur einem R-Befehl.

Prof. Dr.
Godbersen Godbersen

Median, mean, variance, standard deviation, maximum, minimum

median(~variable, data = dataset) / mean(~variable, data = dataset)

var(~variable, data = dataset) / sd(~variable, data = dataset)

max(~variable, data = dataset) / min(~variable, data = dataset)

favstats(~variable, data = dataset)



- Stammsender
- SenderCluster
- Verlaesslicher Service
- Informative Nachrichten
- Unterhaltsame Nachrichten
- Aktuelle Musik
- Alte Musik
- Anregende Musik
- Beruhigende_Musik
- Informative_Moderation
- Unterhaltsame Moderation
- Sympathische Stimme
- Anspruchsvolle_Comedy
- Lustige_Comedy
- Spannende Gewinnspiele
- Attraktive_Preise

Variablen

- Berichterstattung
- Musik
- Moderation
- Comedy
- Gewinnspiele
- Gesamtprogramm
- Geschlecht
- Alter
- Altersgruppen
- Aktuelle_ Musik_A

Aufgaben:

- Stellen Sie das durchschnittliche Alter von Männern und Frauen gegenüber (arith. Mittelwerte).
- Stellen Sie die durchschnittliche Bewertung des Gesamtprogramms von Männern und Frauen gegenüber (arith. Mittelwerte).

Prof. Dr.
Godbersen Godbersen

Median, mean, variance, standard deviation, maximum, minimum

median(~variable, data = dataset) / mean(~variable, data = dataset) var(~variable, data = dataset) / sd(~variable, data = dataset)

max(~variable, data = dataset) / min(~variable, data = dataset)

favstats(~variable, data = dataset)



- Stammsender Variablen
 SenderCluster
- Verlaesslicher_Service
- Informative_Nachrichten
- Unterhaltsame_Nachrichten
- Aktuelle Musik
- Alte Musik
- Anregende Musik
- Beruhigende Musik
- Informative Moderation
- Unterhaltsame Moderation
- Sympathische Stimme
- Anspruchsvolle_Comedy
- Lustige_Comedy
- Spannende Gewinnspiele
- Attraktive_Preise

- Berichterstattung
- Musik
- Moderation
- Comedy
- Gewinnspiele
- Gesamtprogramm
- Geschlecht
- Alter
- Altersgruppen
- Aktuelle_ Musik_A

1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße	

Überblick & Systematisierung der Verfahren

Struktur Skalenniveau		Unahhängige Variahle				
		Math. Eigenschaften	Beschreibung der Messwertcharakteristika	Beispiel	Lageparameter	
Abhän		Nominal	=/≠	Die Messwerte sind identisch oder nicht identisch.	Geschlecht	• Modus
	Kategorial Ordinal	=/≠ ;	Die Messwerte sind größer, kleiner oder identisch.	Olympische Ränge	Modus Median	
*** "Ergä • Sł (p		Intervall	=/≠;;-;+	Die Distanz zwischen den Messwerten kann angegeben werden.	Temperatur	• Modus
• M (p		=/≠;;+/-; */÷	Die Distanz zwischen den Messwerten und deren Verhältnis kann angegeben werden.	Körpergröße	Median Arithm. Mittel	
		Hauptkomponentenanalyse (Faktoranalyse)Clusteranalyse				

Überblick & Systematisierung der Verfahren

Strukturprüfende Verfahren		Unabhängige Variable		
		nicht-metrisch	metrisch	
Abhängige	nicht- metrisch	Chi ² -Test	Diskriminanzanalyse	
Variable	metrisch	t-Test*** (bei 2 Gruppen) & Varianzanalyse (bei ≥ 3 Gruppen)	Regressionsanalyse (Dependenz) & Korrelationsanalyse (Interdependenz)	

*** "Ergänzende" Tests:

- Shapiro-Wilk-Test (prüft Stichproben auf Normalverteilung, die für den t-Test notwendig ist)
- Mann-Whitney-Test/Wilcoxon-Test (prüft mind. ordinal skalierte Daten auf Unterschiede ohne Berücksichtigung der Verteilungsform)

Strukturentdeckende Verfahren

- Hauptkomponentenanalyse (Faktoranalyse)
- Clusteranalyse

1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße	

Anwendung:

• Testen auf (Un-)Abhängigkeit bei nominalen Daten (Weichen die gemessenen Werte nicht-zufällig von den erwarteten Werten ab?)

Fragestellung:

• Gibt es einen "nicht-zufälligen" statistischen Zusammenhang zwischen zwei nominalskalierten Merkmalen? Sind zwei kategoriale Variablen unabhängig?

Vorgehen bei der Analyse:

- 1) Ist der p-value <0.05 (<0.01, <0.001)? \rightarrow Signifikanz?
- 2) Wie unterscheiden sich die Häufigkeiten?
- "Statistischen" Analyseschritte ("im Hintergrund"):
 - 1) Berechnung der erwarteten Häufigkeiten (e), wenn kein Unterschied zwischen den Variablen bestehen würde (Spaltensumme * Zeilensumme / Merkmalsträger)
 - 2) Bestimmung, ob die gemessenen Werte (h) signifikant von den erwarteten Werten abweichen?

	männlich	weiblich	Summe
blau	h = 35 e = 25	h = 15 e = 25	50
rot	h = 15 e = 25	h = 35 e = 25	50
Summe	50	50	100

- "Statistischen" Analyseschritte ("im Hintergrund"):
 - 1) Berechnung der erwarteten Häufigkeiten (e), wenn kein Unterschied zwischen den Variablen bestehen würde (Spaltensumme * Zeilensumme / Merkmalsträger)
 - 2) Bestimmung, ob die gemessenen Werte (h) signifikant von den erwarteten Werten abweichen?

V1	männlich	weiblich	Summe
blau	h = 15 e = 25	h = 35 e = 25	50
rot	h = 35 e = 25	h = 15 e = 25	50
Summe	50	50	100

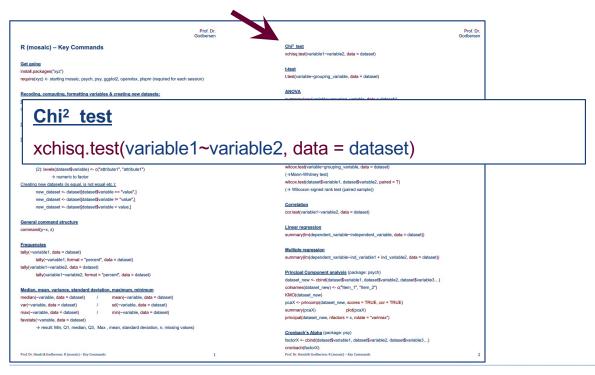
$$p$$
-value = 0.0001447

V2	männlich	weiblich	Summe
blau	h = 24 e = 25	h = 26 e = 25	50
rot	h = 26 e = 25	h = 24 e = 25	50
Summe	50	50	100

p-value = 0.8415

Aufgaben:

- Besteht ein signifikanter Unterschied zwischen M\u00e4nnern und Frauen bei der Pr\u00e4ferenz f\u00fcr die SenderCluster?
- Unterscheidet sich das junge und alte Alterssegment bei der Affinität zu aktueller Musik? Und wenn ja, wie fällt dieser Unterschied aus?



•	Stammsender	Variablen
•	SenderCluster	
	Verlaesslicher_Service Informative_Nachrichten Unterhaltsame_Nachrichten Aktuelle_Musik Alte_Musik Anregende_Musik Beruhigende_Musik Informative_Moderation Unterhaltsame_Moderation Sympathische_Stimme Anspruchsvolle_Comedy Lustige_Comedy Spannende_Gewinnspiele Attraktive_Preise	 Berichterstattung Musik Moderation Comedy Gewinnspiele Gesamtprogramm Geschlecht Alter
		AltersgruppenAktuelle_ Musik_A

1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße	

Anwendung:

• Der t-Test ist ein parametrisches Verfahren. Beim Zweistichproben-t-Test wird überprüft, ob sich eine metrische Variable zwischen zwei Stichproben signifikant (nicht zufällig) unterscheidet.

Fragestellung:

- Gibt es einen "nicht-zufälligen" statistischen Unterschied zwischen zwei Stichproben in Bezug auf ein metrisches Merkmal?
- Gibt es einen "nicht-zufälligen" Einfluss einer nominalen Variable (2 Gruppen) auf eine metrische Variable?

• Differenzierung zwischen:

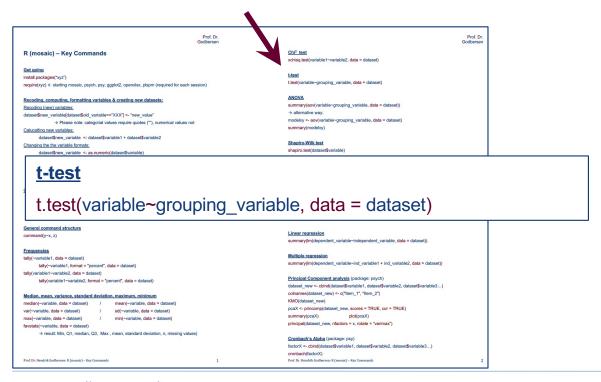
- t-Test bei unabhängigen Stichproben Messungen bei zwei Gruppen
- t-Test bei abhängigen Stichproben Messungen bei derselben Gruppe (z.B. vorher nachher)

Vorgehen bei der Analyse:

- 1) Ist der p-value <0.05 (<0.01, <0.001)? \rightarrow Signifikanz?
- 2) Wie unterscheiden sich die Mittelwerte?

Aufgaben:

- Beurteilen Männer und Frauen das Gesamtprogramm von Radiosendern (signifikant) unterschiedlich?
- Beurteilen Männer und Frauen die Musik von Radiosendern (signifikant) unterschiedlich?



•	Stammsender		Variablen
•	Verlaesslicher_Service Informative_Nachrichten Unterhaltsame_Nachrichten		
	Aktuelle_Musik Alte_Musik Anregende_Musik Beruhigende_Musik Informative_Moderation Unterhaltsame_Moderation Sympathische_Stimme Anspruchsvolle_Comedy Lustige_Comedy Spannende_Gewinnspiele	•	Berichterstattung Musik Moderation Comedy Gewinnspiele Gesamtprogramm Geschlecht Alter
•	Attraktive_Preise	•	Altersgruppen Aktuelle_ Musik_A

1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße	

Verwendung:

• Die Varianzanalyse (*Analysis of Variance, ANOVA*) ist ein parametrisches Verfahren und untersucht, ob sich die Mittelwerte mehrerer (mehr als zwei) unabhängiger Stichproben systematisch unterscheiden.

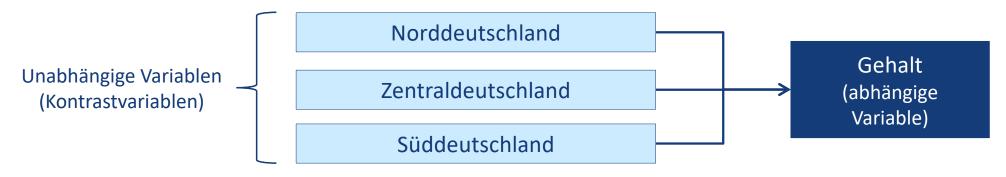
• Fragestellung:

• Gibt es einen "nicht-zufälligen" statistischen Unterschied zwischen mehr als zwei Stichproben in Bezug auf ein metrisches Merkmal?

Abgrenzung zum t-Test:

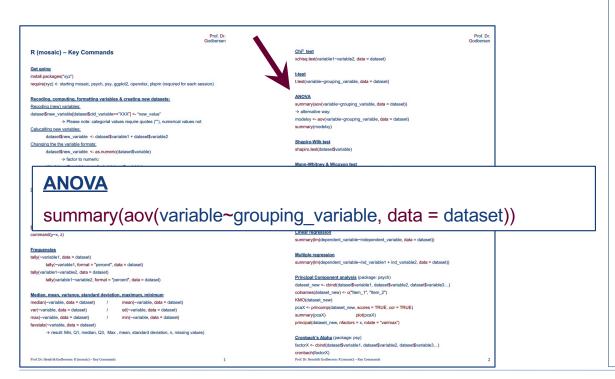
• Während der t-Test metrische Merkmale von maximal zwei Stichproben auf signifikante Unterschiede prüft, werden bei der Varianzanalyse mehrere Mittelwerte verglichen

• Beispiel:



Aufgaben:

- Beurteilen die Hörer der verschiedenen SenderCluster das Gesamtprogramm von Radiosendern (signifikant) unterschiedlich?
- Beurteilen die Hörer der verschiedenen SenderCluster die Moderation von Radiosendern (signifikant) unterschiedlich?



•	Stammsender SenderCluster		Variablen
	Verlaesslicher_Service Informative_Nachrichten Unterhaltsame_Nachrichten Aktuelle_Musik Alte_Musik Anregende_Musik Beruhigende_Musik Informative_Moderation Unterhaltsame_Moderation Sympathische_Stimme Anspruchsvolle_Comedy Lustige_Comedy Spannende_Gewinnspiele Attraktive_Preise	•	Berichterstattung Musik Moderation Comedy Gewinnspiele Gesamtprogramm Geschlecht Alter
		•	Altersgruppen Aktuelle_ Musik_A

1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße	

Verwendung:

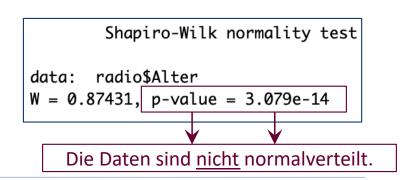
Der Shapiro-Wilk-Test <u>vergleicht</u> die <u>Werte einer Stichprobe</u> mit <u>normalverteilten Werten</u>, um zu überprüfen, ob eine Normalverteilung angenommen werden kann. Bei <u>kleinen Stichproben</u> (ca. n < 50) ist die Normalverteilung Voraussetzung für die Anwendung des t-Tests.

• Fragestellung & Ergebnisinterpretation:

- Sind die Werte einer mindestens intervallskalierten Variable normalverteilt?
 - Ist der Test <u>nicht signifikant</u> (p > .10), <u>unterscheidet sich die Verteilung</u> der vorliegenden Stichprobe nicht von einer normalverteilten Stichprobe → Normalverteilung
 - Ist der Test <u>signifikant</u> (p ≤ .10), <u>unterscheidet sich die Verteilung</u> der vorliegenden
 Stichprobe von einer normalverteilten Stichprobe → keine Normalverteilung

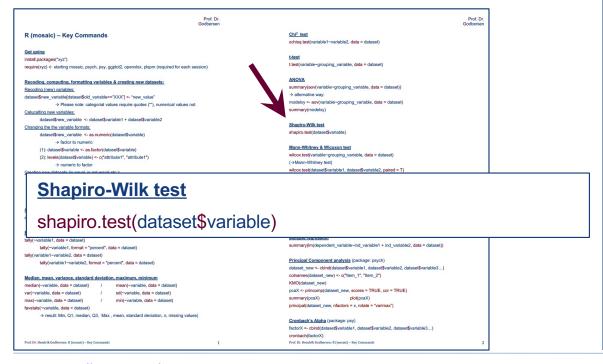
Konsequenz bei fehlender Normalverteilung:

- U.a. werden statt des t-Tests Rangverfahren wie Wilcoxon-/Mann-Whitney-Test angewendet
- Beachte: I.d.R. ist es sinnvoll, nicht nur den Shapiro-Wilk-Test durchzuführen, sondern auch einen Blick auf die (graphische) Verteilung zu werfen.



Aufgaben:

- Ist die Variabel Alter normalverteilt?
- Ist die Variabel Gesamtprogramm normalverteilt?



•	Stammsender		Variablen
•	SenderCluster		
	Verlaesslicher_Service Informative_Nachrichten Unterhaltsame_Nachrichten Aktuelle_Musik Alte_Musik Anregende_Musik Beruhigende_Musik Informative_Moderation Unterhaltsame_Moderation Sympathische_Stimme Anspruchsvolle_Comedy Lustige_Comedy Spannende_Gewinnspiele Attraktive_Preise	•	Berichterstattung Musik Moderation Comedy Gewinnspiele Gesamtprogramm Geschlecht Alter
		•	Altersgruppen
			Aktuelle_ Musik_A

1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren	
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren	
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test	
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test	
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA	
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test	
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test	
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation	
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression	
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse	
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel	
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R	
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel	
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße		

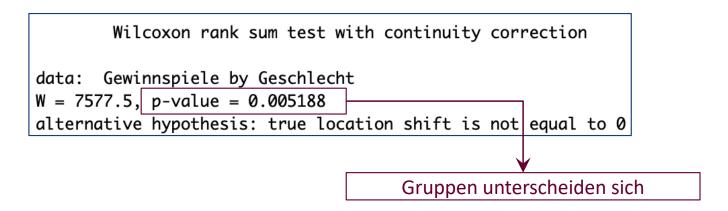
Verwendung:

• Der Rangsummen-Test ist ein non-parametrisches Verfahren und vergleicht die *mittleren Rangzahlen* zweier Gruppen. (Es liegt keine Verteilungsannahme vor, u.a. Normalverteilung wurde auf Grund von Shapiro-Wilk-Test abgelehnt)

Fragestellung:

• Gibt es einen "nicht-zufälligen" statistischen Unterschied zwischen zwei Gruppen in Bezug auf ein mindestens ordinalskaliertes Merkmal?

• Beispiel:

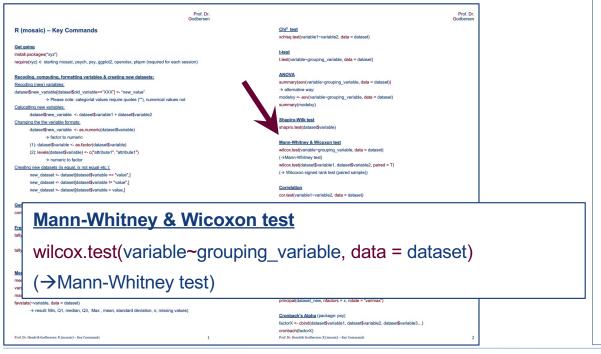


Altersgruppen

Aktuelle Musik A

Aufgaben:

- Liegt nach dem Wilcoxon-Test ein signifikanter Unterschied zwischen Männern und Frauen bei der Beurteilung des Gesamtprogramms vor?
- Liegt nach dem Wilcoxon-Test ein signifikanter Unterschied zwischen Männern und Frauen bei der Beurteilung der Musik vor?



Stammsender Variablen SenderCluster Verlaesslicher Service Informative Nachrichten Unterhaltsame Nachrichten Aktuelle Musik Berichterstattung Alte Musik Musik Anregende Musik Moderation Beruhigende Musik Comedy Informative Moderation Gewinnspiele Unterhaltsame Moderation Sympathische Stimme Gesamtprogramm Anspruchsvolle Comedy **Lustige Comedy** Geschlecht Spannende_Gewinnspiele Alter Attraktive Preise

1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße	

Verwendung:

 Die Korrelationsanalyse untersucht den (linearen) Zusammenhang zwischen zwei oder mehr metrischen Variablen.

• Fragestellung:

Wie stark ist der lineare Zusammenhang zwischen den Variablen – und in welcher Richtung besteht er?
 → Wird der Wert von Variable A erhöht / gesenkt oder bleibt er gleich, wenn sich der Wert von Variable B ändert?

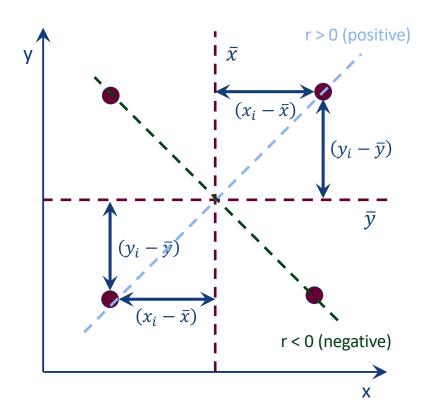
• Vorgehen:

- 1) Ist der p-value <0.05 (<0.01, <0.001)? \rightarrow Signifikanz?
- 2) Wie hoch ist der Korrelationskoeffizient?
- Mögliche Interpretation des Korrelationskoeffizienten:

0 < r ≤ +1.0	gleichgerichteter Zusammenhang
-1.0 ≥ r < 0	entgegengesetzter Zusammenhang

0.2 < r ≤ 0.5	geringe Korrelation
0.5 < r ≤ 0.7	mittlere Korrelation
0.7 < r ≤ 1.0	hohe Korrelation

• Statistische Erklärung des Korrelationskoeffizienten



Kovarianz (gemeinsame Streuung zweier Variablen):

$$cov = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})$$

Varianz (Streuung einer Variablen):

$$var = \sigma_x = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2$$

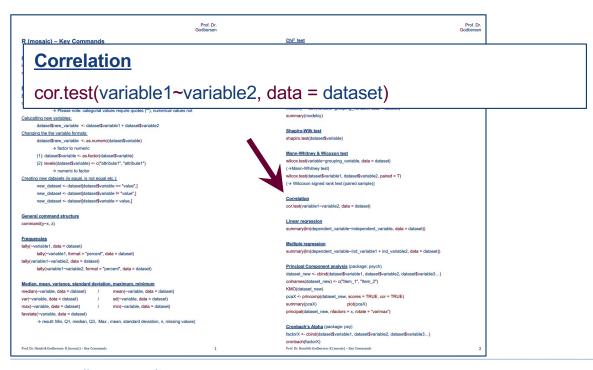
Korrelationskoeffizient (Anteil der gemeinsamen Streuung zweier Variablen an der gesamten Streuung):

$$r = \frac{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{var_x * var_y}$$

Aktuelle_ Musik_A

Aufgaben:

- Gibt es einen nicht-zufälligen Zusammenhang zwischen der Beurteilung der Musik und der Moderation?
- Gibt es einen nicht-zufälligen Zusammenhang zwischen der Beurteilung von Comedy und Gewinnspielen?



•	Stammsender		Variablen
•	SenderCluster		
	Verlaesslicher_Service Informative_Nachrichten Unterhaltsame_Nachrichten Aktuelle_Musik Alte_Musik Anregende_Musik Beruhigende_Musik Informative_Moderation Unterhaltsame_Moderation Sympathische_Stimme Anspruchsvolle_Comedy Lustige_Comedy	•	Berichterstattung Musik Moderation Comedy Gewinnspiele Gesamtprogramm
•	Spannende_Gewinnspiele Attraktive_Preise	•	Geschlecht Alter
	_	•	Altersgruppen

1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren	
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren	
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test	
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test	
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA	
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test	
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test	
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation	
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression	
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse	
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel	
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R	
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel	
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße		

Verwendung:

• Die lineare Regression untersucht den linearen Einfluss einer metrischen Variable (Einfachregression) oder mehrerer metrischer Variablen (Multiple Regression) auf eine abhängige metrische Variable.

• Fragestellung:

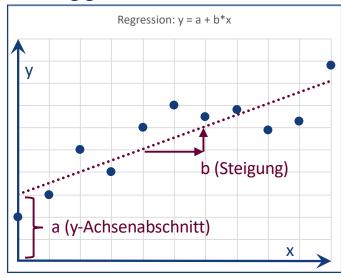
 Inwieweit kann der Wert einer abhängigen Variablen durch die Werte einer (Einfachregression) oder mehrere (Multiple Regression) unabhängigen Variablen erklärt werden?

Regressionsgerade (Ergebnis der Analyse):

- y = a + b * x
- y: Abhängige Variable ("Wirkung")
- x: Unabhängige Variable ("Ursache")
- a: y-Achsenabschnitt
- b: Regressionskoeffizient ("um wieviel steigt y, wenn x sich um eine Einheit erhöht")

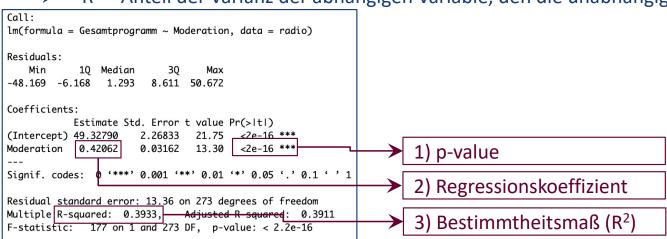
• Statistische Analyse ("im Hintergrund"):

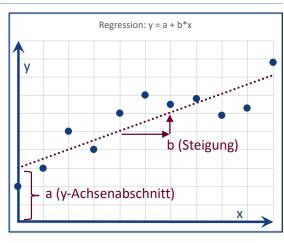
• Im Rahmen der Regressionsanalyse wird die Gerade ermittelt, bei der die quadrierten Abweichungen der gemessen Werte von der Geraden am geringsten ist (Methode der kleinsten Quadrate)



• Vorgehen:

- 1) Sind die p-values <0.05 (<0.01, <0.001)?
 - Liegt ein signifikanter Einfluss von xi auf y vor (p-values)?
- 2) Wie hoch sind die Regressionskoeffizienten (b)?
 - Wie stark ist der Einfluss von x_i auf y?
- 3) Welchen Wert hat das Bestimmtheitsmaß (R²)?
 - Wie hoch ist der Erklärungsgehalt des Modells?
 - R² = Anteil der Varianz der abhängigen Variable, den die unabhängigen Variablen erklären



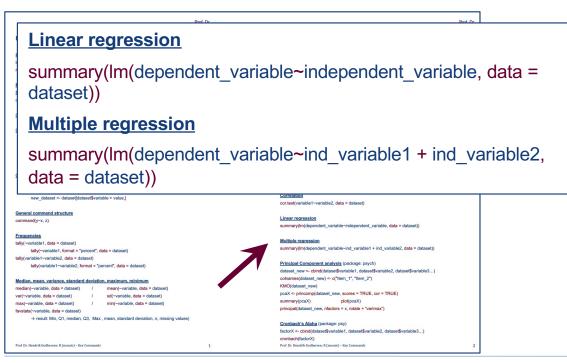


Altersgruppen

Aktuelle Musik A

Aufgaben:

- Welchen Einfluss hat die Musik auf das Gesamtprogramm?
- Welchen Einfluss hat die Comedy auf das Gesamtprogramm?
- Welchen Einfluss haben die fünf Programmelemente auf das Gesamtprogramm?



Stammsender Variablen SenderCluster Verlaesslicher Service Informative Nachrichten Unterhaltsame Nachrichten Aktuelle Musik Berichterstattung Alte Musik Musik Anregende Musik Moderation Beruhigende Musik Comedy Informative Moderation Gewinnspiele Unterhaltsame Moderation Sympathische Stimme Gesamtprogramm Anspruchsvolle Comedy **Lustige Comedy** Geschlecht Spannende_Gewinnspiele Alter Attraktive Preise

1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren	
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren	
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test	
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test	
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA	
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test	
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test	
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation	
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression	
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse	
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel	
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R	
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel	
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße		

Anwendung:

• Die Hauptkomponentenanalyse wird verwendet, um Fragen/Variablen/Indikatoren zu wenigen Dimensionen zusammenzufassen.

Fragestellung:

 Können multidimensionale metrische Daten auf wenige wichtige Hauptkomponenten verdichtet werden?

Grundidee:

- Die Items einer Komponente korrelieren hoch miteinander.
- Die Items unterschiedlicher Komponenten korrelieren nicht hoch miteinander.

Indikatoren (Items) der Mitarbeiterbindung Ladungen (>0,5) der Items auf die Haupt-Zuverlässigkeit der Skalen komponenten der Bindung Composite bachs Alpha Ich empfinde es als angenehm, bei meinem Arbeitgeber zu arbeiten Ich fühle mich mit meinem Arbeitgeber persönlich verbunden. hohe Korrelation 0,62 Meine persönlichen Kontakte zu meinem Arbeitsumfeld sind für mich von Bedeutung. In gewisser Weise bindet mich der für einen Wechsel benötigte Zeitaufwand an meinem Arbeitgeber. Ich bin auf meinen Arbeitgeber angewiesen, weil es zurzeit keine gleichwertigen Alternatigeringe Korrelation Ich empfinde eine Bindung an meinen Arbeitgeber, weil bei einem Wechsel der von mir Ich fühle mich an meinen Arbeitgeber gebunden, weil ein Wechsel mit Wechselkosten einher-Es wäre nicht fair, die Beziehung zu meinem Arbeitgeber aufzukündigen, weil er sich stets um 0,63 mich als Arbeitnehmer bemüht hat. Aufgrund der langen Beziehung mit meinem Arbeitgeber fühle ich mich zu einer gewissen Rück 0.80 Ich fühle mich in der Angestelltenbeziehung mit dem Arbeitgeber zur Fairness verpflichtet. 0.82 Moralische Verpflichtungen gegenüber dem Arbeitgeber spielen für mich auch eine Rolle.

Quelle: Gansser, O. & Godbersen, H. (2017). Mitarbeiterbindung durch Betriebliches Gesundheitsmanagement. Ergebnisse einer empirischen Studie und Leitfaden für die Praxis. zfo Zeitschrift Führung + Organisation, Jg. 86 (2), 108-116.

Hauptkomponentenanalyse (& Cronbachs α): Steckbrief

- Vorgehen
 - 0) Vorbereiten der Datenbasis (neuer Datensatz)
 - 1) Prüfung, ob eine Hauptkomponentenanalyse durchgeführt werden kann/soll mittels KMO (Kaiser-Meyer-Olkin-Test (misst den Anteil der Varianz zwischen Variablen, der auf gemeinsame Varianz zurückzuführen ist)
 - Bestimmung der Anzahl der Komponenten anhand der Eigenwerte
 - Auswahl: So viele Komponenten wie Eigenwerte > 1
 - 3) Bestimmung der Faktorladungen (Korrelation eines Items mit einer Komponente) & Zuordnung der Items zu Komponenten Principal Call: principal Standard
 - Voraussetzung: Ladung > 0.5
 - Entscheidung: Zuordnung des Items zu der Komponente, auf der es am höchsten lädt
 - 4) Interpretation der Komponenten
 - Testen der einzelnen Komponenten mittels Cronbachs α (Reliabilität; durchschnittliche Korrelation aller Split-half-tests))

Kaiser-Meyer-Olkin factor adequacy
Call: KMO(r = pca_radio_data)
Overall MSA = 0.85

KMO – Interpretation:

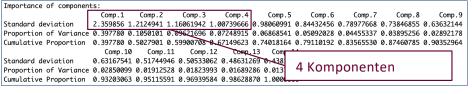
- 0.00 to 0.49 unacceptable
- 0.50 to 0.59 miserable
- **0.60** to 0.69 mediocre
- **0.70** to 0.79 middling

[1] 5

\$alpha

Γ17 0.8511712

- 0.80 to 0.89 meritorious
- 0.90 to 1.00 marvellous



Zuordnung der Items Principal Components Analysis Call: principal(r = pca_radio_data, nfactors = 4, rotate = varımax) Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix RC3 RC2 h2 Verlaesslicher_Service 0.16 | 0.78 | 0.18 -0.10 | 0.67 | 0.33 | 1.2 0.12 | 0.90 | 0.03 | 0.02 | 0.83 | 0.17 | 1.0 Informative_Nachrichten 0.19 -0.02 -0.02 0.77 0.62 0.38 1 1 Aktuelle Musik > cronbach(comp_Unterhaltung) Alta Musik \$sample.size [1] 275 Cronbachs α – akzeptierbare Werte: \$number.of.items

- > 0.6 ("weiches" Kriterium)
- > 0.7 ("hartes" Kriterium)

Prof. Dr. Godbersen

Aufgaben:

- Zu welchen Komponenten lassen sich die Programmeigenschaften zusammenfassen? ("Wie können aus den Programmeigenschaften neue übergeordnete Variablen gebildet werden?")
- Wie ist die Reliabilität der neuen Komponenten zu beurteilen?

```
Principal Component analysis (package: psych)

dataset_new <- cbind(dataset$variable1, dataset$variable2...)

colnames(dataset_new) <- c("Item_1", "Item_2")

KMO(dataset_new)

pcaX <- princomp(dataset_new, scores = TRUE, cor = TRUE)

summary(pcaX)

principal(dataset_new, nfactors = x, rotate = "varimax")

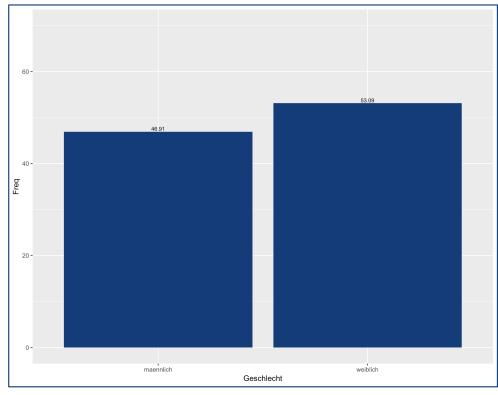
Cronbach's Alpha (package: psy)

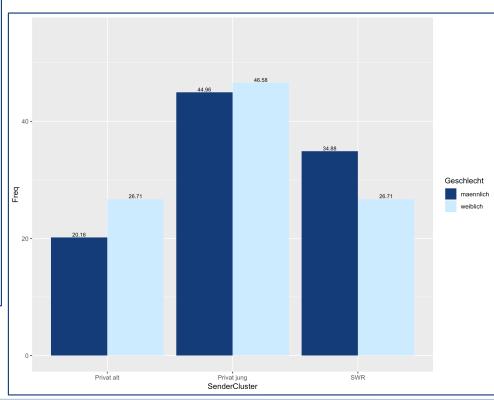
factorX <- cbind(dataset$variable1, dataset$variable2...)

cronbach(factorX)
```

•	Stammsender		Variablen
•	SenderCluster		
	Vanla andiahan Camina		
•	Verlaesslicher_Service		
•	Informative_Nachrichten		
•	Unterhaltsame_Nachrichten		
•	Aktuelle_Musik		
•	Alte_Musik	•	Berichterstattung
•	Anregende_Musik	•	Musik
•	Beruhigende_Musik	•	Moderation
•	Informative_Moderation	•	Comedy
•	Unterhaltsame_Moderation	•	Gewinnspiele
•	Sympathische_Stimme		
•	Anspruchsvolle_Comedy	•	Gesamtprogramm
•	Lustige_Comedy		
•	Spannende_Gewinnspiele	•	Geschlecht
•	Attraktive_Preise	•	Alter
	_		
		•	Altersgruppen
		•	Aktuelle_ Musik_A

1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren	
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren	
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test	
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test	
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA	
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test	
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test	
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation	
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression	
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse	
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel	
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R	
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel	
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße		





Aufgaben:

- Erstellen Sie ein Säulendiagramm, das die relativen Häufigkeiten (%) der Variable Geschlecht widergibt.
- Erstellen Sie ein Säulendiagramm, dass die relativen Häufigkeiten (%) der Variable SenderCluster in Abhängigkeit vom Geschlecht widergibt.
- Stammsender

Variablen

- SenderCluster
- Verlaesslicher Service
- Informative Nachrichten

Bar graph - frequencies with 1 variable

table <- tally(~variable, format = "proportion",data = dataset)

frame <- as.data.frame(table)</pre>

View(frame)

ggplot(frame, aes(variable, Freq)) + geom_bar(position = "dodge", stat = "identity", fill = "#143C78") + scale_y_continuous(limits = c(min, max)) + geom_text(aes(label = sprintf("%0.2f", frame\$Freq)), position = position_dodge(width = 0.9), vjust = -0.25, colour = "black", size = 2.7)

Berichterstattung

- Musik
- Moderation
- Comedy
- Gewinnspiele

Bar graph - frequencies with 2 variables

table <- tally(variable_1~variable_2, format= "proportion",data = dataset)

frame <- as.data.frame(table)</pre>

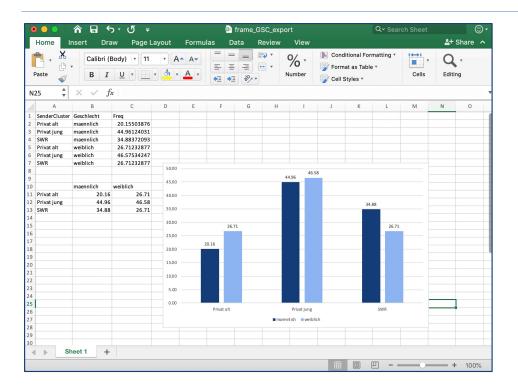
View(frame)

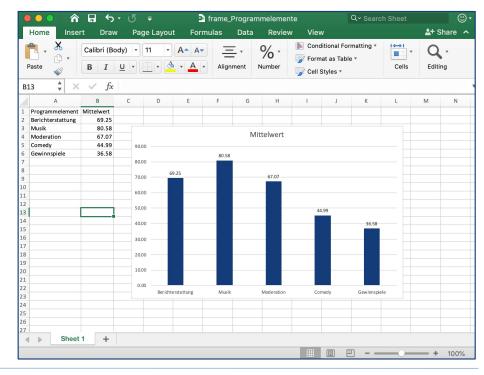
```
\label{eq:continuous} $$ $\operatorname{ggplot}(\operatorname{frame}, \operatorname{aes}(\operatorname{variable}_1, \operatorname{Freq}, \operatorname{fill} = \operatorname{variable}_2)) + \operatorname{geom\_bar}(\operatorname{position} = \operatorname{"dodge"}, \operatorname{stat} = \operatorname{"identity"}) + \operatorname{scale\_fill\_manual}(\operatorname{values} = \operatorname{c}(\operatorname{"#143C78"}, \operatorname{"#CDEBFF"})) + \operatorname{scale\_y\_continuous}(\operatorname{limits} = \operatorname{c}(\operatorname{min}, \operatorname{max})) + \operatorname{geom\_text}(\operatorname{aes}(\operatorname{label} = \operatorname{sprintf}(\operatorname{"%0.2f"}, \operatorname{frame}\operatorname{Freq}))), \operatorname{position} = \operatorname{position\_dodge}(\operatorname{width} = 0.9), \operatorname{vjust} = -0.25, \operatorname{colour} = \operatorname{"black"}, \operatorname{size} = 2.7) \\
```

- Gesamtprogramm
- Geschlecht
- Alter
- Altersgruppen
- Aktuelle_ Musik_A

1 Einleitung	6 Inferenzstatistische Verfahren	
2 Installation & Grundstruktur von R Studio	6.1 Überblick & Systematisierung der Verfahren	
2.1 Installation von R, R Studio & relevanten Paketen	6.2 Chi-Quadrat-Test	
2.2 Grundstruktur von R Studio	6.3 t-Test	
3 R-Befehle & Übungsdaten	6.4 ANOVA	
3.1 R-Befehle	6.5 Shapiro-Wilk-Test	
3.2 Übungsdaten	6.6 Wilcoxon-Test	
4 Datenmanagement	6.7 Korrelation	
4.1 Datenvorbereitung & Laden von Daten	6.8 Regression	
4.2 Daten bearbeiten in R	6.9 Hauptkomponentenanalyse	
5 Deskriptive Statistik	7 Graphiken & Export von Ergebnissen nach Excel	
5.1 Skalenniveaus	7.1 Graphiken in R	
5.2 Häufigkeiten	7.2 Export von Ergebnissen nach Excel	
5.3 Lageparameter & Streuungsmaße		

Export von Ergebnissen nach Excel: Ergebnisse





Prof. Dr. Godbersen

Aufgaben:

- Exportieren Sie die relativen Häufigkeiten (%) der Variable SenderCluster in Abhängigkeit vom Geschlecht nach Excel.
- Exportieren Sie die Mittelwerte der Bewertungen der Programmelemente nach Excel.

Export R results to Excel (package: openxlsx)

(1.1) Preparing frequencies

frame <- data.frame(tally(variable_1~variable_1, data = dataset))

(1.2) Preparing mean, median etc.

frame <- data.frame(new_variable_name_1 = c(mean(~variable_1, data = dataset), mean(~variable_2, data = dataset)), new_variable_name_2 = c(mean(~variable_3, data = dataset), mean(~variable_4, data = dataset)))

(2) Export to Excel

write.xlsx(frame, "Desktop/R_operations/name.xlsx", asTable = FALSE)

→ Please note: The name of the R frame & the directory / name of the xlsx-file have to be adjusted

Stammsender

SenderCluster

- Verlaesslicher_Service
- Informative Nachrichten
- Unterhaltsame Nachrichten
- Aktuelle Musik
- Alte Musik
- Anregende Musik
- Beruhigende Musik
- Informative_Moderation
- Unterhaltsame Moderation
- Sympathische Stimme
- Anspruchsvolle_Comedy
- Lustige_Comedy
- Spannende Gewinnspiele
- Attraktive_Preise

Variablen

- Berichterstattung
- Musik
- Moderation
- Comedy
- Gewinnspiele
- Gesamtprogramm
- Geschlecht
- Alter
- Altersgruppen
- Aktuelle_ Musik_A

Prof. Dr. Hendrik Godbersen